

Документ подписан простой электронной подписью
Информация о владельце: **БЮДЖЕТНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ**
ФИО: Косенок Сергей Михайлович **ХАНТЫ-МАНСКИЙСКОГО АВТОНОМНОГО ОКРУГА-ЮГРЫ**
Должность: ректор **"Сургутский государственный университет"**
Дата подписания: 19.06.2026 08:04:39
Уникальный программный ключ:
e3a68f3eaa1e62674b54f4998099d3d6bfdcf836

УТВЕРЖДАЮ
Проректор по учебно-методической работе
Е.В.Коновалова

11 июня 2026 г., протокол УМС № 5

Механика деформируемого твердого тела рабочая программа дисциплины (модуля) *Программа кандидатского экзамена*

Закреплена за кафедрой строительных технологий и конструкций
Шифр и наименование научной специальности 1.1.8. Механика деформируемого твердого тела

Форма обучения **очная**

Часов по учебному плану	504	Виды контроля: Зачет: 1,2,3 Экзамен: 4
в том числе:		
аудиторные занятия	112	
самостоятельная работа	356	
часов на контроль	36	

Распределение часов дисциплины

Год обучения	1	2	3	4
Вид занятий				
Лекции	8	16	16	16
Практические	8	16	16	16
Итого ауд.	16	32	32	32
Сам. работа	56	112	112	76
Часы на контроль	-	-	-	36
Итого	72	144	144	108

Программу составили:

д-р физ.-мат. наук, профессор Горынин Г.Л.; канд. физ.-мат. наук, доцент Галиев И.М.

Рабочая программа дисциплины

Механика деформируемого твердого тела

разработана в соответствии с ФГТ:

Приказ Минобрнауки России от 20.10.2021 г. №951 "Об утверждении федеральных государственных требований к структуре программ подготовки научных и научно-педагогических кадров в аспирантуре (адъюнктуре), условиям их реализации, срокам освоения этих программ с учетом различных форм обучения, образовательных технологий и особенностей отдельных категорий аспирантов (адъюнктов)".

Рабочая программа одобрена на заседании кафедры

Строительных технологий и конструкций

Протокол от 14.04.2026 г. № 3

Заведующий кафедрой канд. экон. наук, доцент Трухина О.А.

Председатель УМС политехнического института

Ст. преп. Паук Е.Н.

Протокол от 30.04.2026 г. № 05/26

1. ЦЕЛИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ	
1.1	Целью освоения дисциплины «Механика деформируемого твердого тела» является передача аспирантам теоретических знаний и формирование практических навыков и умений, позволяющих решать сложные задачи в области механики деформируемого твердого тела с единых методологических позиций на основе общесистемной проработки всего комплекса вопросов с использованием методов моделирования. Задачей изучения дисциплины является обоснованный выбор моделей, описывающих напряженно деформированное состояние (НДС) исследуемого объекта, аналитических и численных методов анализа этих моделей для конкретных взаимодействий и способом нагружения. Дисциплина направлена на подготовку к сдаче кандидатского экзамена по научной специальности 1.1.8. Механика деформируемого твердого тела.

2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП ВО	
2.1	Требования к предварительной подготовке обучающегося:
2.1.1	Для успешного освоения дисциплины аспирант должен иметь глубокие фундаментальные знания и умения по основным разделам высшей математики, сопротивлению материалов, численных методов.
2.1.2	Предшествующими для изучения дисциплины являются:
2.1.3	результаты освоения дисциплин, направленных на подготовку к сдаче кандидатских экзаменов, «История и философия науки», «Иностранный язык»;
	результаты научной (научно-исследовательской) деятельности аспирантов, направленной на подготовку диссертации к защите;
	результаты научной (научно-исследовательской) деятельности аспирантов, направленной на подготовку публикаций;
	результаты прохождения научно-исследовательской практики.
2.2	Последующими к изучению дисциплины являются знания, умения и навыки, используемые аспирантами:
2.2.1	в научной (научно-исследовательской) деятельности аспирантов, направленной на подготовку диссертации к защите;
	в научной (научно-исследовательской) деятельности аспирантов, направленной на подготовку публикаций;
	при прохождении итоговой аттестации.

3. РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)	
В результате освоения дисциплины обучающийся должен	
3.1	Знать:
3.1.1	основные модели механики деформируемого твердого тела;
3.1.2	классические задачи теории пластичности и упругости; базовые законы сохранения и положения механики деформируемого твердого тела;
3.1.3	основные аналитические методы решения краевых задач для бесконечных, полубесконечных и ограниченных тел;
3.1.4	основные модели механики деформируемого твердого тела, а именно: линейные и нелинейные модели, изотропные и анизотропные модели, упругие, вязкоупругие и пластические модели, модели контактных взаимодействий, модели разрушения и др.;
3.1.5	основы математического моделирования; методы моделирования основных моделей физики и механики; программные средства моделирования.
3.2	Уметь:
3.2.1	ставить задачи механики деформируемого твердого тела в перемещениях и напряжениях; выбрать метод решения поставленной задачи;
3.2.2	применять математические методы, физические законы и вычислительную технику для решения практических задач; использовать возможности вычислительной техники и программного обеспечения;
3.2.3	обрабатывать и интерпретировать полученные экспериментальные данные;
3.2.4	численно оценить напряженно-деформированное состояние элемента конструкции.
3.3	Владеть:
3.3.1	практическими навыками самостоятельной работы при постановке задач и их решении;
3.3.2	определенным набором аналитических и численных методов решения краевых задач МДТТ;
3.3.3	навыками работы с основными программными системами, предназначенными для математического моделирования;
3.3.4	методами математического и физического моделирования.

4. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)					
Код занятия	Наименование разделов и тем /вид занятия/	Курс	Часов	Литература	Примечание
1.	Механика и термодинамика сплошных сред /Лек/	1	8	Л1.2 Л1.3 Л1.4 Л1.5 Л1.6 Л1.7	

1.1.	Механика и термодинамика сплошных сред /Пр/	1	8	Л1.2 Л1.3 Л1.4 Л1.5 Л1.6 Л1.7	
1.2.	Механика и термодинамика сплошных сред /Ср/	1	56	Л1.2 Л1.3 Л1.4 Л1.5 Л1.6 Л1.7	
1.3.	/Контрольная работа/	1	0	Л1.2 Л1.3 Л1.4 Л1.5 Л1.6 Л1.7	Задание для контрольной работы
1.4.	/Зачет/	1	0	Л1.2 Л1.3 Л1.4 Л1.5 Л1.6 Л1.7	Задание для зачета
2.	Теория упругости. /Лек/	2	8	Л1.2 Л1.3 Л1.4 Л1.5 Л1.6 Л1.7	
2.1.	Теория упругости. /Пр/	2	8	Л1.2 Л1.3 Л1.4 Л1.5 Л1.6 Л1.7	
2.2.	Теория упругости. /Ср/	2	56	Л1.2 Л1.3 Л1.4 Л1.5 Л1.6 Л1.7	
2.3.	/Контрольная работа/	2	0	Л1.2 Л1.3 Л1.4 Л1.5 Л1.6 Л1.7	Задание для контрольной работы
2.4.	/Зачет/	2	0	Л1.2 Л1.3 Л1.4 Л1.5 Л1.6 Л1.7	Задание для зачета
3.	Динамические задачи теории упругости /Лек/	2	8	Л1.2 Л1.3 Л1.4 Л1.5 Л1.6 Л1.7	
3.1.	Динамические задачи теории упругости /Пр/	2	8	Л1.2 Л1.3 Л1.4 Л1.5 Л1.6 Л1.7	
3.2.	Динамические задачи теории упругости /Ср/	2	56	Л1.2 Л1.3 Л1.4 Л1.5 Л1.6 Л1.7	
3.3.	/Контрольная работа/	2	0	Л1.2 Л1.3 Л1.4 Л1.5 Л1.6 Л1.7	Задание для контрольной работы
3.4.	/Зачет/	2	0	Л1.2 Л1.3 Л1.4 Л1.5 Л1.6 Л1.7	Задание для зачета
4.	Теория пластичности /Лек/	3	8	Л1.2 Л1.3 Л1.4 Л1.5 Л1.6 Л1.7	
4.1.	Теория пластичности /Пр/	3	8	Л1.2 Л1.3 Л1.4 Л1.5 Л1.6 Л1.7	
4.2.	Теория пластичности /Ср/	3	56	Л1.2 Л1.3 Л1.4 Л1.5 Л1.6 Л1.7	
4.3.	/Контрольная работа/	3	0	Л1.2 Л1.3 Л1.4 Л1.5 Л1.6 Л1.7	Задание для контрольной работы
4.4.	/Зачет/	3	0	Л1.2 Л1.3 Л1.4 Л1.5 Л1.6 Л1.7	Задание для зачета
5.	Теория вязкоупругости и ползучести /Лек/	3	8	Л1.2 Л1.3 Л1.4 Л1.5 Л1.6 Л1.7	
5.1.	Теория вязкоупругости и ползучести /Пр/	3	8	Л1.2 Л1.3 Л1.4 Л1.5 Л1.6 Л1.7	
5.2.	Теория вязкоупругости и ползучести /Ср/	3	56	Л1.2 Л1.3 Л1.4 Л1.5 Л1.6 Л1.7	
5.3.	/Контрольная работа/	3	0	Л1.2 Л1.3 Л1.4 Л1.5 Л1.6 Л1.7	Задание для контрольной работы
5.4.	/Зачет/	3	0	Л1.2 Л1.3 Л1.4 Л1.5 Л1.6 Л1.7	Задание для зачета
6.	Механика разрушения /Лек/	4	16	Л1.2 Л1.3 Л1.4 Л1.5 Л1.6 Л1.7	
6.1.	Механика разрушения /Пр/	4	16	Л1.2 Л1.3 Л1.4 Л1.5 Л1.6 Л1.7	
6.2.	Механика разрушения /Ср/	4	76	Л1.2 Л1.3 Л1.4 Л1.5 Л1.6 Л1.7	
7.	/Контрольная работа/	4	0	Л1.2 Л1.3 Л1.4 Л1.5 Л1.6 Л1.7	Задание для контрольной работы

8.	/Экзамен/	4	36	Л1.2 Л1.3 Л1.4 Л1.5 Л1.6 Л1.7	Вопросы для подготовки к кандидатскому экзамену
----	-----------	---	----	-------------------------------	---

5. ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА

5.1. Контрольные вопросы и задания

Проведение текущего контроля успеваемости

Тема 1. Механика и термодинамика сплошных сред.

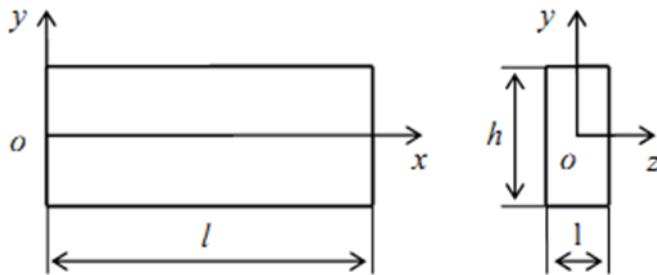
Перечень вопросов для устного опроса:

1. Что изучает механика деформируемого твердого тела?
2. В чем заключается основное отличие механики деформируемого твердого тела от теоретической механики?
3. Каковы общие свойства твердых деформируемых тел?
4. Что понимается под сплошностью тела?
5. Что понимается под однородностью материала?
6. В чем отличие неоднородного тела от однородного?
7. Что понимается в механике деформируемого твердого тела под внешней силой?
8. Чем отличаются друг от друга сосредоточенные, поверхностные и объемные силы?
9. Как классифицируются внешние силы по продолжительности воздействия, характеру изменения величины и направлению линии действия по отношению к элементу сооружения?

Варианты задач для практических и самостоятельных работ:

Дана прямоугольная полоса-балка длиной l , высотой h и толщиной, равной 1. Выражения для функции напряжений $\varphi(x, y)$ и числовые значения выбрать из табл. Объемными силами пренебречь. Требуется:

- 1) проверить, можно ли предложенную функцию $\varphi(x, y)$ принять для решения плоской задачи теории упругости;
- 2) найти выражения для напряжений σ_x , σ_y и τ_{xy} ;
- 3) построить эпюры напряжений σ_x , σ_y и τ_{xy} для сечений $x = x_c$ и $y = y_c$;
- 4) определить внешние силы (нормальные и касательные), приложенные ко всем четырем граням полосы-балки, дать их изображение на рисунке полосы-балки;
- 5) выполнить статическую проверку для найденных внешних сил.



№ строки	Функция напряжений $\phi(x, y)$	a	b	l	h	x_c	y_c
		М					
1	$a(x^4 - y^4) + bx^3y + xy^3$	1	1	5	1	1	0,2
2	$ax(x^2 + y^2) + bx^2y + xy$	2	1	6	1	2	0,3
3	$ay(x^2 + y^2) + bxy^2 + xy$	2	1	5	2	2	0,4
4	$ax^3 + bx^2y + xy^2 + xy$	1	2	6	1	2	0,3
5	$a(y^4 - x^4) + bxy^3 + x^2y$	1	2	6	2	2	0,5
6	$ax^4 - 3ax^2y^2 + bxy^3$	2	2	4	2	1	0,5
7	$ax^3y - 3bx^2y^2 + by^4$	2	1	4	2	1	0,5
8	$ax^4 - 3(a+b)x^2y^2 + by^4$	2	1	6	1	3	0,3
9	$axy^3 + x^3 + y^3 - bxy$	1	2	5	1	2	0,2
0	$ax^3y + 3bx^2y^2 - by^4$	2	1	5	2	2	0,4
е		Д					

Методические указания

Предложенная для решения плоской задачи теории упругости функция $\phi(x, y)$ должна удовлетворять бигармоническому уравнению

$$\frac{\partial^4 \phi}{\partial x^4} + 2 \frac{\partial^4 \phi}{\partial x^2 \partial y^2} + \frac{\partial^4 \phi}{\partial y^4} = 0$$

Выражения для напряжений σ_x , σ_y и τ_{xy} решаемой задачи получают по следующим формулам:

$$\sigma_x = \frac{\partial^2 \phi}{\partial y^2} \quad \sigma_y = \frac{\partial^2 \phi}{\partial x^2} \quad \tau_{xy} = \frac{\partial^2 \phi}{\partial x \partial y}$$

Для определения внешних сил (нормальных и касательных), приложенных ко всем четырем граням полосы-балки используют условия на поверхности тела (условия на контуре тела или статические граничные условия):

$$p_{xv} = \sigma_x \cos(x, v) + \tau_{xy} \cos(y, v) ;$$

$$p_{yv} = \tau_{yx} \cos(x, v) + \sigma_y \cos(y, v)$$

Здесь – p_{xv} , p_{yv} – проекции на оси Ox и Oy внешних сил, действующих на гранях полосы-балки; v – нормаль к грани; $\cos(x, v)$, $\cos(y, v)$ – направляющие косинусы нормали v .

Для проверки найденных внешних сил можно использовать условия равновесия полосы-балки под их действием: $\sum X = 0$; $\sum Y = 0$; $\sum M_0 = 0$.

Решить такую же задачу, только при условии заделки по контуру.

Круглая сплошная пластинка радиуса R шарнирно оперта по контуру и нагружена изгибающим моментом M , равномерно распределенным по контуру. Найти:

- уравнение срединной поверхности;
- выражения изгибающих моментов.

Тема 2. Теория упругости.

Перечень вопросов для устного опроса:

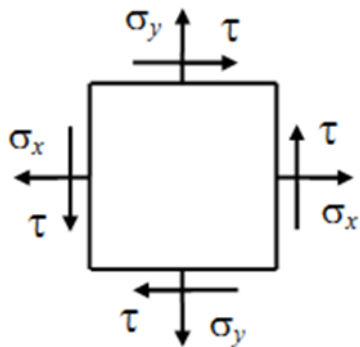
- Чем отличается сила от нагрузки?
- В чем заключается сущность метода сечений?
- С какой целью вводится в механику деформируемых сред принцип отвердевания?
- Что такое напряжение?
- Что такое напряженное состояние в точке?
- На какие составляющие раскладывается полное напряжение?
- Что понимается под перемещением деформируемого тела?
- На какие составляющие раскладывается полное перемещение точки?
- Что такое деформация?

10. Какие виды деформации тела выделяются в окрестности произвольной точки?

Варианты задач для практических и самостоятельных работ:

Стальной кубик находится под действием сил, создающих плоское напряженное состояние. Требуется найти:

- 1) главные напряжения и направления главных площадок;
- 2) максимальные касательные напряжения;
- 3) относительные деформации ϵ_x , ϵ_y , ϵ_z ;
- 4) относительное изменение объема;
- 5) удельную потенциальную энергию деформации. Данные взять из табл.



№ строки	σ_x	σ_y	τ	№ строки	σ_x	σ_y	τ
	МПа				МПа		
1	10	10	10	6	-60	-60	-60
2	20	20	20	7	-70	-70	-70
3	30	30	30	8	-80	-80	-80
4	40	40	40	9	-90	-90	-90
5	50	50	50	0	-100	-100	-100
	а	б	в		а	б	в

Методические указания

Угол наклона главных площадок находят по формуле

$$\operatorname{tg} 2\alpha = \frac{2\tau}{\sigma_x - \sigma_y}$$

Эта формула дает два взаимно перпендикулярных направления с углами. Здесь положительное направление для отсчета углов принято против часовой стрелки.

Уравнения для главных напряжений на соответствующих площадках имеют вид

$$\sigma_\alpha = \sigma_x \cos^2 \alpha + \sigma_y \sin^2 \alpha + \sigma_z \sin 2\alpha$$

$$\sigma_{\alpha+90^\circ} = \sigma_x \sin^2 \alpha + \sigma_y \cos^2 \alpha - \tau \sin 2\alpha$$

Значения главных напряжений можно найти иначе:

$$\sigma_{\max/\min} = \frac{\sigma_x + \sigma_y}{2} \pm \sqrt{\left(\frac{\sigma_x - \sigma_y}{2}\right)^2 + \tau^2}$$

Максимальные касательные напряжения возникают на площадках, наклоненных под углом 45 к главным, и равны полуразности главных напряжений:

$$\tau_{\max} = \frac{\sigma_{\max} - \sigma_{\min}}{2} \pm \sqrt{\left(\frac{\sigma_x - \sigma_y}{2}\right)^2 + \tau^2}$$

Для вычисления деформаций ϵ_x , ϵ_y , ϵ_z по известным нормальным напряжениям σ_x , σ_y , σ_z используют обобщенный закон Гука. При $\sigma_z = 0$ имеем

$$\epsilon_x = \frac{1}{E}(\sigma_x - \mu\sigma_y), \quad \epsilon_y = \frac{1}{E}(\sigma_y - \mu\sigma_x), \quad \epsilon_z = -\frac{\mu}{E}(\sigma_x + \sigma_y)$$

Относительное изменение объема

$$\theta = \epsilon_x + \epsilon_y + \epsilon_z$$

Удельная потенциальная энергия деформации

$$u = \frac{1}{2E}(\sigma_{\max}^2 + \sigma_{\min}^2 - \mu\sigma_{\max}\sigma_{\min})$$

Тема 3. Динамические задачи теории упругости.

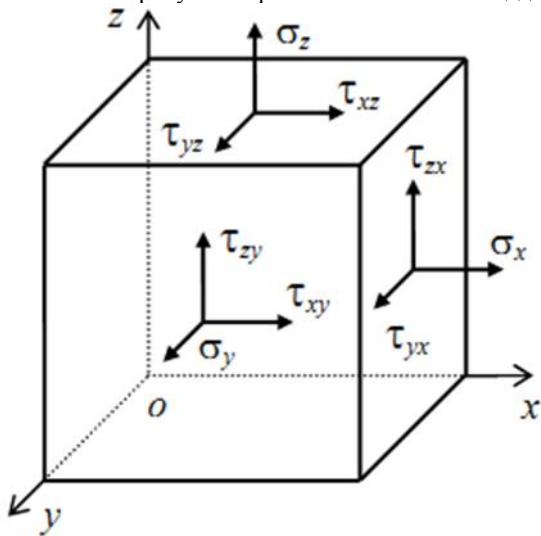
Перечень вопросов для устного опроса:

1. Что такое деформированное состояние в точке?
2. Какие механические свойства материала деформируемых тел Вы знаете?
3. В чем заключается способ Лагранжа изучения движения деформируемых сред и что понимается под лагранжевыми координатами?
4. В чем заключается способ Эйлера изучения движения деформируемых сред и что понимается под эйлеровыми координатами?
5. Изменяются ли во времени лагранжевы координаты движущейся сплошной среды?
6. Изменяются ли во времени эйлеровы координаты движущейся сплошной среды?
7. Что такое относительная линейная деформация сплошной среды в точке и зависит ли она от выбранного направления?
8. Изменяются ли направления линейных элементов деформируемого тела при его деформации?
9. Изменяются ли углы между направлениями линейных элементов деформируемого тела при его деформации?
10. Что такое тензор деформаций Грина и чем он отличается от тензора деформаций Альманси?

Варианты задач для практических и самостоятельных работ:

Напряженное состояние в точке тела задано девятью компонентами: Требуется:

- 1) определить главные напряжения и проверить правильность их нахождения; 2) определить положение одной из главных площадок (вычислить направляющие косинусы нормали к этой площадке);
- 3) определить положения двух других главных площадок (вычислить направляющие косинусы нормалей к этим площадкам).
- 4) показать на рисунке нормали к главным площадкам. Числовые данные взять из табл.



строки	МПа					
1	30	-30	30	-30	30	-30
2	40	-40	40	-40	40	-40
3	50	-50	50	-50	50	-50
4	60	-60	60	-60	60	-60
5	70	-70	70	-70	70	-70
6	80	-80	80	-80	80	-80
7	90	-90	90	-90	90	-90
8	100	-100	100	-100	100	-100
9	110	-110	110	-110	110	-110
0	120	-120	120	-120	120	-120
	а	б	в	г	д	е

Методические указания

Главные напряжения в задаче на исследование напряженного состояния в точке тела находят, решая кубическое уравнение

$$\sigma^3 - J_1\sigma^2 + J_2\sigma - J_3 = 0 \quad (*)$$

Здесь коэффициенты являются инвариантами преобразования координат:

$$J_1 = \sigma_x + \sigma_y + \sigma_z = const ;$$

$$J_2 = \sigma_x \sigma_y + \sigma_y \sigma_z + \sigma_z \sigma_x - \tau_{xy}^2 - \tau_{yz}^2 - \tau_{zx}^2 = const ;$$

$$J_3 = \sigma_x \sigma_y \sigma_z + 2\tau_{xy} \tau_{yz} \tau_{zx} - \sigma_x \tau_{yz}^2 - \sigma_y \tau_{zx}^2 - \sigma_z \tau_{xy}^2 = const$$

Уравнение (*) подстановкой приводим к виду

$$y^3 + py + q = 0$$

Здесь новые коэффициенты соответственно равны:

$$p = J_2 - \frac{J_1^2}{3}, \quad q = -\frac{2}{27} J_1^3 + \frac{1}{3} J_1 J_2 - J_3$$

Корни кубического уравнения выражаем через вспомогательный угол φ , определяемый из равенства, $\cos \varphi = \left| \frac{q}{2r^3} \right|$,

где $r = \sqrt{|p|/3}$. Получаем:

$$y_1 = -2r \cos \frac{\varphi}{3}; \quad y_2 = 2r \cos \left(60^\circ - \frac{\varphi}{3} \right); \quad y_3 = 2r \cos \left(60^\circ + \frac{\varphi}{3} \right)$$

Проверка

$$y_1 + y_2 + y_3 = 0$$

Главные напряжения равны:

$$\sigma' = y_1 + \frac{J_1}{3}, \quad \sigma'' = y_2 + \frac{J_1}{3}, \quad \sigma''' = y_3 + \frac{J_1}{3}$$

Этим трем главным напряжениям в дальнейшем присваиваем обозначения $\sigma_1, \sigma_2, \sigma_3$, где $\sigma_1 \geq \sigma_2 \geq \sigma_3$.

Контроль правильности решения кубического уравнения проводим, используя инвариантность коэффициентов J_1, J_2, J_3 :

$$J_1 = \sigma_1 + \sigma_2 + \sigma_3; \quad J_2 = \sigma_1 \sigma_2 + \sigma_2 \sigma_3 + \sigma_3 \sigma_1; \quad J_3 = \sigma_1 \sigma_2 \sigma_3$$

Для определения положения главных площадок вычисляем направляющие косинусы нормалей к главным площадкам l, m, n . Соответствующую систему однородных уравнений

$$(\sigma_x - \sigma)l + \tau_{xy}m + \tau_{xz}n = 0 ;$$

$$\tau_{yx}l + (\sigma_y - \sigma)m + \tau_{yz}n = 0 ;$$

$$\tau_{zx}l + \tau_{zy}m + (\sigma_z - \sigma)n = 0$$

Удобно представить в виде

$$(\sigma_x - \sigma) \frac{l}{n} + \tau_{xy} \frac{m}{n} + \tau_{xz} = 0 ;$$

$$\tau_{yx} \frac{l}{n} + (\sigma_y - \sigma) \frac{m}{n} + \tau_{yz} = 0 ;$$

$$\tau_{zx} \frac{l}{n} + \tau_{zy} \frac{m}{n} + (\sigma_z - \sigma) = 0$$

В системе из трех уравнений только два независимы, поэтому, определив $l/n, m/n$ из решения двух уравнений, третье уравнение используем для контроля найденных отношений l/n и m/n . Решение системы в общем виде

$$\frac{l}{n} = \frac{(\sigma_y - \sigma)\tau_{xz} - \tau_{xy}\tau_{yz}}{\tau_{xy}^2 - (\sigma_x - \sigma)(\sigma_y - \sigma)},$$

$$\frac{m}{n} = \frac{(\sigma_x - \sigma)\tau_{yz} - \tau_{xy}\tau_{xz}}{\tau_{xy}^2 - (\sigma_x - \sigma)(\sigma_y - \sigma)}$$

Вычислив l/n и m/n , далее, из соотношения между квадратами направляющих косинусов

$$(l/n)^2 + (m/n)^2 + 1 = 1/n^2$$

находим два корня $\pm n$. Для дальнейшего расчета достаточно оставить только один корень, например, $+n$.

Соответствующие знаки и величины l и m определяем из отношений l/n и m/n . Полученные l, m, n можно

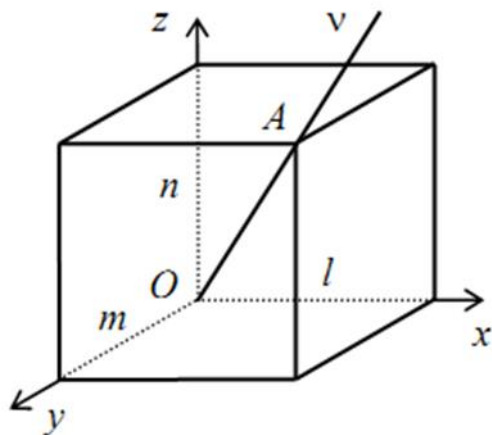
рассматривать как координаты некоторой точки A , лежащей на нормали ν к соответствующей главной площадке.

Если направляющие косинусы нормали v_1 к площадке главного напряжения σ_1 обозначить через l_1, m_1, n_1 , а нормалей v_2, v_3 – соответственно через l_2, m_2, n_2 и l_3, m_3, n_3 , то из условия взаимной перпендикулярности нормалей к главным площадкам получим три контрольных равенства:

$$l_1 l_2 + m_1 m_2 + n_1 n_2 = 0;$$

$$l_2 l_3 + m_2 m_3 + n_2 n_3 = 0;$$

$$l_3 l_1 + m_3 m_1 + n_3 n_1 = 0.$$



Тема 4. Теория пластичности.

Перечень вопросов для устного опроса:

1. Определите понятие главных компонент тензора деформаций, главных деформаций и главных осей деформаций.
2. Какие существуют виды деформированного состояния в точке?
3. Что такое инварианты тензора деформаций?
4. Определите понятие объёмной деформации?
5. Каким образом деформируются координатные площадки?
6. Задано поле перемещений $u_1 = x_1 + ax_2$, $u_2 = x_2 + ax_3$, $u_3 = x_3 + ax_1$ в лагранжевой системе координат, которая в начальный момент времени является прямоугольной декартовой системой. Считая деформации малыми, определите поле тензора деформаций.
7. Какой физический смысл шарового тензора деформаций?
8. Какой физический смысл девиатора тензора деформаций?
9. Разложите тензор деформаций на шаровую и девиаторную части.
10. Что понимается под уравнениями совместности деформаций и в чем заключается смысл этих уравнений?

Варианты задач для практических и самостоятельных работ:

Задача 1

Найти предельную нагрузку, соответствующую наступлению общей текучести, для заданной статически неопределимой системы стержней, нагруженной заданной нагрузкой.

Задача 2

Построить поверхность текучести для заданной статически неопределимой системы стержней.

Задача 3

Определить остаточные деформации и напряжения в заданной системе стержней, нагруженной заданной нагрузкой, если она была выведена в упругопластическую стадию, а потом разгружена.

Задача 4

Определить положение пластических шарниров в заданной статически неопределимой балке, нагруженной заданной нагрузкой.

Задача 5

Построить поверхность текучести для заданной статически неопределимой балки, нагруженной заданным образом.

Тема 5. Теория вязкоупругости и ползучести.

Перечень вопросов для устного опроса:

1. Как формулируются условия пластичности Сен-Венана и Мизеса?
2. Назовите и объясните основные законы теории малых упругопластических деформаций?
3. Сколько неизвестных функций подлежит определению при решении задач пластичности и какими уравнениями мы для этого располагаем?
4. Объясните явления ползучести и релаксации напряжений.
5. Объясните суть моделей упруговязких тел Максвелла и Фойгта.
6. В чем суть установившейся и не установившейся ползучести?
7. Объясните основное содержание наследственной теории ползучести и теории старения.

Варианты задач для практических и самостоятельных работ:

Задача 1

Определить усилия в заданной статически неопределимой стержневой системе в случае работы в упругопластической стадии.

Задача 2

Определить угол вида для различных видов напряженного состояния.

Задача 3

Решить задачу о кручении круглого упругопластического вала в случае линейного упрочнения.

Задача 4

Продольный удар упругопластического стержня о жесткую преграду. Случай линейно упрочняющегося материала.

Тема 6. Механика разрушения.

Перечень вопросов для устного опроса:

1. Тензор напряжений в некоторой точке М задан своими компонентами

$$(\sigma_{ij}) = \begin{vmatrix} 3 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 2 \\ 1 & 2 & 0 \end{vmatrix}$$

. Определите главные напряжения.

2. Какие виды напряженного состояния могут быть в произвольной точке деформируемого тела?

3. Как выглядят выражения инвариантов тензора напряжений, выраженные через компоненты тензора напряжений σ_{ij}

и через главные напряжения σ_1, σ_2 и σ_3 ?

4. Каким образом определяются экстремальные значения касательных напряжений?

5. В чем заключается физический смысл шарового тензора и девиатора тензора напряжений?

6. В чем заключается физический смысл интенсивности напряжений?

7. Сформулируйте общие законы физики, управляющие процессами деформирования сплошных сред.

8. Запишите закон сохранения массы сплошной среды в локальной форме.

9. Запишите закон сохранения количества движения в локальной форме в проекциях на вектора локального единичного базиса недеформированной лагранжевой системы координат.

Проведение промежуточной аттестации

Вопросы для зачета по теме 1.

1. Дайте определение сплошной среды. В каких случаях оправдано использование модели сплошной среды?
2. Запишите и прокомментируйте тензор напряжений Коши. Как интерпретируются его компоненты?
3. Сформулируйте уравнения равновесия и уравнения движения сплошной среды. В чем различие между ними?
4. Что такое тензор деформации малого и большого перемещений? В каких задачах используется тот или иной подход?
5. Сформулируйте и поясните принцип виртуальных перемещений. Как он применяется в механике сплошных сред?
6. Объясните физический смысл закона Гука в тензорной форме. Для каких материалов он применим?
7. Сформулируйте первый и второй законы термодинамики для сплошной среды. Каковы их дифференциальные формы?
8. Что такое потенциальная энергия деформируемого тела? Как она связана с работой внутренних сил и термодинамическими величинами?
9. Объясните понятие термоупругости. Чем отличается термоупругое поведение от чисто механического?
10. Какие типы моделей используются для описания вязкоупругих и пластических материалов? Приведите примеры и укажите область их применения.

Вопросы для зачета по теме 2.

1. Что понимается под упругим телом в рамках теории упругости? В чем отличие упругости от пластичности?
2. Дайте определение тензора напряжений. Что означает главное напряжение и как его найти?
3. Сформулируйте уравнения равновесия в тензорной и в проекционной форме. Какие предположения лежат в их основе?
4. Что такое тензор деформации при малых перемещениях? Как он выражается через производные перемещений?
5. Сформулируйте связь между напряжениями и деформациями для изотропного линейно-упругого материала (закон Гука).
6. Сформулируйте и прокомментируйте совместные уравнения теории упругости: уравнения равновесия, геометрические и физические уравнения.
7. Что такое функции напряжений? В чем заключается метод функции напряжений для плоской задачи?
8. В чем состоит различие между плоским напряженным и плоским деформированным состоянием? Приведите примеры.
9. Как формулируется задача Ламе для толстостенной цилиндрической трубы? Какие допущения при этом принимаются?
10. Что такое принцип суперпозиции в линейной теории упругости? Приведите пример его применения.

Вопросы для зачета по теме 3.

1. Чем динамические задачи теории упругости отличаются от статических? Какие физические явления они описывают?
2. Сформулируйте уравнения движения (уравнения динамического равновесия) для упругого тела. В чем их отличие от статических уравнений равновесия?
3. Что такое начально-краевая задача в динамике упругих тел? Какие условия необходимо задать?
4. Дайте определение волнового уравнения в упругой среде. Какой физический смысл оно имеет?
5. Какие типы упругих волн существуют в сплошной среде? Приведите классификацию и краткую характеристику.
6. Выведите выражение для скорости продольных и поперечных волн в изотропной упругой среде. От каких параметров материала они зависят?
7. Сформулируйте принцип Д'Аламбера и объясните его роль в постановке динамических задач.
8. Каково физическое значение собственных частот и форм колебаний упругих тел? Как они определяются?
9. Какие численные методы применяются для решения динамических задач теории упругости (например, метод конечных элементов, метод конечных разностей)?

10. Какие особенности имеет решение плоской волновой задачи (движение плоской волны в неограниченной среде)? Приведите пример.

Вопросы для зачета по теме 4.

1. Что такое пластическая деформация? В чем её отличие от упругой деформации? Приведите примеры.
2. Сформулируйте основные положения классической теории пластичности. Какие предположения в ней принимаются?
3. Объясните физический смысл предела текучести. Какие существуют критерии текучести и в чем их различие?
4. Сформулируйте критерий текучести по Мизесу. В чем его отличие от критерия Треска?
5. Что такое поверхность текучести? Как она определяется в пространстве главных напряжений?
6. Сформулируйте условие ассоциативного закона пластического течения. Что такое функция текучести и потенциал пластичности?
7. Что такое упрочнение материала? Объясните разницу между изотропным и кинематическим упрочнением.
8. Какие уравнения составляют замкнутую систему уравнений теории пластичности? Перечислите и кратко охарактеризуйте их.
9. Что такое принцип максимума пластической работы? В каких случаях он применяется?
10. Каковы особенности решения плоской задачи теории пластичности? Приведите пример практического применения.

Вопросы для зачета по теме 5.

1. Что такое вязкоупругость? В чем отличие вязкоупругого поведения материала от упругого и вязкого?
2. Объясните физический смысл явления ползучести. Какие материалы подвержены ползучести?
3. Сформулируйте уравнение и приведите механическую аналогию модели Максвелла. В каких условиях она применима?
4. Сформулируйте уравнение и приведите механическую аналогию модели Кельвина—Фойгта. В чем её особенности?
5. Чем отличается поведение материала по моделям Максвелла и Кельвина—Фойгта при длительном нагружении?
6. Что такое релаксация напряжений? Как она проявляется в вязкоупругих материалах?
7. Дайте определение функции ползучести и функции релаксации. Как они связаны с деформацией и напряжением?
8. Сформулируйте принцип суперпозиции Больцмана. В каких задачах он используется?
9. Что представляет собой обобщённая модель вязкоупругости (модель Бургерса)? Какие процессы она описывает?
10. Какие экспериментальные методы применяются для определения характеристик вязкоупругих материалов (например, модуля релаксации, времени релаксации и ползучести)?

Вопросы для зачета по теме 6.

1. Что изучает механика разрушения? В чем её отличие от классической теории прочности?
2. Дайте определение трещины с механической точки зрения. Какие бывают типы трещин в телах?
3. Что такое коэффициент интенсивности напряжений (КИН)? Какова его роль в механике разрушения?
4. Сформулируйте критерий Гриффитса. Какие предположения лежат в его основе?
5. Объясните физический смысл критерия Ирвина. Как он связан с энергией разрушения?
6. Что такое энергия разрушения (или удельная энергия разрушения)? Как она определяется в эксперименте?
7. Какие существуют типы разрушения по характеру напряженно-деформированного состояния вблизи трещины (моды разрушения)?
8. Что такое зона пластической деформации у вершины трещины? Как её размеры оцениваются?
9. Объясните различие между хрупким и вязким разрушением. Какие материалы демонстрируют эти типы поведения?
10. Как используются методы механики разрушения в инженерной практике (например, при оценке ресурса конструкций или при контроле качества)?

Вопросы для подготовки к кандидатскому экзамену

1. Что изучает механика деформируемого твердого тела?
2. В чем заключается основное отличие механики деформируемого твердого тела от теоретической механики?
3. Каковы общие свойства твердых деформируемых тел?
4. Что понимается под сплошностью тела?
5. Что понимается под однородностью материала?
6. В чем отличие неоднородного тела от однородного?
7. Что понимается в механике деформируемого твердого тела под внешней силой?
8. Чем отличаются друг от друга сосредоточенные, поверхностные и объемные силы?
9. Как классифицируются внешние силы по продолжительности воздействия, характеру изменения величины и направлению линии действия по отношению к элементу сооружения?
10. Чем отличается сила от нагрузки?
11. В чем заключается сущность метода сечений?
12. С какой целью вводится в механику деформируемых сред принцип отвердевания?
13. Что такое напряжение?
14. Что такое напряженное состояние в точке?
15. На какие составляющие раскладывается полное напряжение?
16. Что понимается под перемещением деформируемого тела?
17. На какие составляющие раскладывается полное перемещение точки?
18. Что такое деформация?
19. Какие виды деформации тела выделяются в окрестности произвольной точки?
20. Что такое деформированное состояние в точке?
21. Какие механические свойства материала деформируемых тел Вы знаете?
22. В чем заключается способ Лагранжа изучения движения деформируемых сред и что понимается под лагранжевыми координатами?
23. В чем заключается способ Эйлера изучения движения деформируемых сред и что понимается под эйлеровыми координатами?

24. Изменяются ли во времени лагранжевы координаты движущейся сплошной среды?
25. Изменяются ли во времени эйлеровы координаты движущейся сплошной среды?
26. Что такое относительная линейная деформация сплошной среды в точке и зависит ли она от выбранного направления?
27. Изменяются ли направления линейных элементов деформируемого тела при его деформации?
28. Изменяются ли углы между направлениями линейных элементов деформируемого тела при его деформации?
29. Что такое тензор деформаций Грина и чем он отличается от тензора деформаций Альманси?
30. Определите понятие главных компонент тензора деформаций, главных деформаций и главных осей деформаций.
31. Какие существуют виды деформированного состояния в точке?
32. Что такое инварианты тензора деформаций?
33. Определите понятие объёмной деформации?
34. Каким образом деформируются координатные площадки?
35. Задано поле перемещений $u_1=x_1+ax_2$, $u_2=x_2+ax_3$, $u_3=x_3+ax_1$ в лагранжевой системе координат, которая в начальный момент времени является прямоугольной декартовой системой. Считая деформации малыми, определите поле тензора деформаций.
36. Какой физический смысл шарового тензора деформаций?
37. Какой физический смысл девиатора тензора деформаций?

$$e_{ij} = \begin{vmatrix} 12 & 4 & 0 \\ 4 & 9 & -2 \\ 0 & -2 & 3 \end{vmatrix}$$

38. Разложите тензор деформаций на шаровую и девиаторную части.
39. Что понимается под уравнениями совместности деформаций и в чем заключается смысл этих уравнений?
40. Почему компоненты тензора деформаций в сплошном теле не могут быть совершенно произвольными функциями координат, а должны быть связаны между собой уравнениями совместности деформаций?
41. Каковы условия сплошности многосвязных и неоднородных тел и почему для обеспечения их сплошности не достаточно одних лишь уравнений совместности деформаций?
42. Что такое скорости деформаций и в чем смысл их введения?
43. Какую информацию о характере движения в окрестности произвольной точки несет в себе тензор скоростей деформации?
44. Что такое напряженное состояние в точке деформируемого тела?
45. Каким образом вводится в механику тензор условных напряжений, характеризующий напряженное состояние в точке деформируемого тела?
46. Как определяется истинное напряжение в произвольной точке на произвольной площадке через компоненты условного тензора напряжений?
47. Каким образом вводятся в рассмотрение тензоры напряжений Коши и Пиола-Кирхгофа?
48. Определите понятия главных напряжений, главных площадок и главных осей тензора напряжений.
49. Сформулируйте принцип определения главных напряжений и главных осей напряжений.

$$(\sigma_{ij}) = \begin{vmatrix} 3 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 2 \\ 1 & 2 & 0 \end{vmatrix}$$

50. Тензор напряжений в некоторой точке М задан своими компонентами (σ_{ij}) . Определите главные напряжения.
51. Какие виды напряженного состояния могут быть в произвольной точке деформируемого тела?
52. Как выглядят выражения инвариантов тензора напряжений, выраженные через компоненты тензора напряжений и через главные напряжения и ?
53. Каким образом определяются экстремальные значения касательных напряжений?
54. В чем заключается физический смысл шарового тензора и девиатора тензора напряжений?
55. В чем заключается физический смысл интенсивности напряжений?
56. Сформулируйте общие законы физики, управляющие процессами деформирования сплошных сред.
57. Запишите закон сохранения массы сплошной среды в локальной форме.
58. Запишите закон сохранения количества движения в локальной форме в проекциях на вектора локального единичного базиса недеформированной лагранжевой системы координат.
59. Запишите закон сохранения момента количества движения в локальной форме.
60. Какие вы знаете локальные формы записи уравнений равновесия при малых деформациях?
61. Чем отличаются уравнения движения сплошных сред от уравнений равновесия деформируемых тел?
62. Назовите основные параметры состояния твердых деформируемых тел. Какие из них могут быть приняты в качестве независимых?
63. Лагранжев и эйлеров способы описания движения сплошной среды. Траектория частицы. Закон движения. Перемещение, скорость, ускорение. Полная, частная и конвективная производные по времени.

Задачи для экзамена.

Задача 1

Определить усилия в заданной статически неопределимой стержневой системе в случае работы в упругопластической стадии.

Задача 2

Определить угол вида для различных видов напряженного состояния.

Задача 3

Решить задачу о кручении круглого упругопластического вала в случае линейного упрочнения.

Задача 4

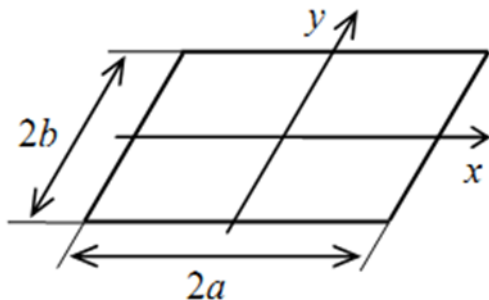
Продольный удар упругопластического стержня о жесткую преграду. Случай линейно упрочняющегося материала.

Задача 5

Пластинка изгибается под действием поперечной нагрузки. Задано уравнение упругой поверхности пластинки $w(x, y)$.

Требуется:

- 1) установить, каким граничным условиям удовлетворяет предложенное уравнение упругой поверхности $w(x, y)$;
- 2) определить постоянный коэффициент C , используя дифференциальное уравнение изогнутой срединной поверхности пластинки;
- 3) составить выражения моментов и поперечных сил;
- 4) построить эпюры моментов и поперечных сил в сечениях x_c , y_c . Числовые данные взять из табл.



Задача 6

Найти предельную нагрузку, соответствующую наступлению общей текучести, для заданной статически неопределимой системы стержней, нагруженной заданной нагрузкой.

Задача 7

Построить поверхность текучести для заданной статически неопределимой системы стержней.

Задача 8

Определить остаточные деформации и напряжения в заданной системе стержней, нагруженной заданной нагрузкой, если она была выведена в упругопластическую стадию, а потом разгружена.

Задача 9

Определить положение пластических шарниров в заданной статически неопределимой балке, нагруженной заданной нагрузкой.

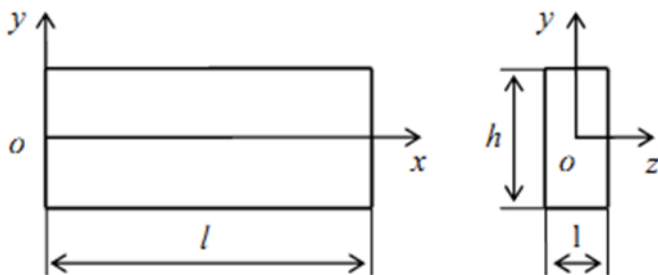
Задача 10

Построить поверхность текучести для заданной статически неопределимой балки, нагруженной заданным образом.

Задача 11

Дана прямоугольная полоса-балка длиной l , высотой h и толщиной, равной 1 . Выражения для функции напряжений $\varphi(x, y)$ и числовые значения выбрать из табл. Объемными силами пренебречь. Требуется:

- 1) проверить, можно ли предложенную функцию $\varphi(x, y)$ принять для решения плоской задачи теории упругости;
- 2) найти выражения для напряжений σ_x , σ_y и τ_{xy} ;
- 3) построить эпюры напряжений σ_x , σ_y и τ_{xy} для сечений $x = x_c$ и $y = y_c$;
- 4) определить внешние силы (нормальные и касательные), приложенные ко всем четырем граням полосы-балки, дать их изображение на рисунке полосы-балки;
- 5) выполнить статическую проверку для найденных внешних сил.



5.2. Темы письменных работ

5.2.1. Задачи для практических и самостоятельных работ к темам 1,2,3,4,5,6.

Задание для контрольной работы

1. Механика и термодинамика сплошных сред (2 семестр)

Задание 1:

Условие: В изотропной упругой среде с теплопроводностью $k = 45 \text{ Вт/(м·К)}$ наблюдается внутреннее тепловыделение $q = 10^6 \text{ Вт/м}^3$.

Требуется:

- Вывести уравнение теплопроводности в нестационарной форме.
- Оценить температуру в центре тела размером $L = 0,1 \text{ м}$ через $t = 60 \text{ с}$ при начальной температуре 20°C и нулевых тепловых потоках на границах.

Задание 2:

Условие: Для термоупругого материала ($E = 200 \text{ ГПа}$, $\alpha = 1,2 \cdot 10^{-5} \text{ 1/К}$, $T = 50^\circ\text{C}$) определить тепловое напряжение, возникающее при температурном расширении, если деформация предотвращена.

Требуется:

- Рассчитать напряжение стержня.
- Сравнить его с пределом текучести материала $\sigma_t = 250$ МПа и сделать вывод о возможной пластической деформации.

2. Теория упругости (3 семестр)

Задание 1:

Условие: Тонкий прямоугольный пласт длиной 300 мм, высотой 100 мм растягивается по вертикальной оси равномерной нагрузкой $\sigma = 80$ МПа.

Материал: сталь с модулем Юнга $E = 210$ ГПа, коэффициентом Пуассона $\nu = 0,3$.

Требуется:

- Найти компоненты тензора деформаций.
- Определить абсолютное удлинение пластины по вертикали.
- Найти поперечное сжатие по горизонтали.

Задание 2:

Условие: В неограниченной среде действует точечная сила $F = 500$ Н, приложенная в точке. Определить напряженное состояние в точке, находящейся на расстоянии $r = 0,5$ м от приложения силы, используя фундаментальное решение задачи Ламе.

Дано: $E = 200$ ГПа, $\nu = 0,25$.

Требуется:

- Найти компоненты напряжений.
- Оценить главные напряжения и построить круг Мора.

3. Динамические задачи теории упругости (4 семестр)

Задание 1:

Условие: В неограниченном стальном стержне продольная ударная волна распространяется со скоростью $c = \sqrt{E/\rho}$.

Материал: сталь с $E = 210$ ГПа, $\rho = 7800$ кг/м³.

Требуется:

- Найти скорость продольной волны.
- Определить напряжение в точке на расстоянии 2 м через 0,5 мс после приложения мгновенного начального импульса.

Задание 2:

Условие: Тонкая пластина подвергается гармоническому возбуждению по одной из сторон с частотой $f = 500$ Гц.

Дано: $E = 70$ ГПа, $\nu = 0,33$, $\rho = 2700$ кг/м³.

Требуется:

- Оценить длину волны упругих колебаний.
- Определить период и скорость распространения волны.

4. Теория пластичности (5 семестр)

Задание 1:

Условие: Одноосное растяжение цилиндрического образца из алюминия (предел текучести $\sigma_t = 120$ МПа). Диаметр сечения $d = 10$ мм.

Требуется:

- Определить нагрузку, при которой начнется пластическая деформация.
- Построить эпюру распределения нормальных напряжений в поперечном сечении до и после начала текучести.

Задание 2:

Условие: На тело действует плоское напряженное состояние: $\sigma_x = 150$ МПа, $\sigma_y = 60$ МПа, $\tau_{xy} = 40$ МПа. Предел текучести по Мизесу: $\sigma_t = 160$ МПа.

Требуется:

- Проверить, достигнуто ли состояние текучести.
- Определить эквивалентное напряжение по Мизесу.
- Построить круг Мора.

5. Теория вязкоупругости и ползучести (6 семестр)

Задание 1:

Условие: Модель Кельвина–Фойгта: $\sigma(t) = 100$ МПа (ступенчатая нагрузка), $E = 5$ ГПа, $\eta = 50$ ГПа·с.

Требуется:

- Найти выражение деформации $\varepsilon(t)$.
- Построить график $\varepsilon(t)$ на интервале $t = 0 \dots 20$ с.
- Определить установившуюся деформацию.

Задание 2:

Условие: Для модели Максвелла: $\sigma(0) = 80$ МПа, $E = 4$ ГПа, $\eta = 20$ ГПа·с.

Требуется:

- Найти напряжение $\sigma(t)$ при снятии нагрузки через 10 секунд.
- Построить график релаксации.

- Определить время релаксации.

6. Механика разрушения (7 семестр)

Задание 1:

Условие: В пластине с центральной трещиной длиной $2a = 10$ мм действует равномерное растягивающее напряжение $\sigma = 200$ МПа.

Материал: $K_{IC} = 50$ МПа $\cdot\sqrt{м}$.

Требуется:

- Определить, произойдет ли хрупкое разрушение.
- Найти критическую длину трещины при заданном σ .

Задание 2:

Условие: В образце наблюдается трещина длиной 5 мм. Удельная энергия разрушения $G_c = 80$ Н/м, $E = 70$ ГПа, $\nu = 0,33$.

Требуется:

- Используя критерий Гриффитса, найти критическое напряжение разрушения.
- Построить график зависимости критического напряжения от длины трещины.

6. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

6.1. Рекомендуемая литература

	Авторы, составители	Заглавие	Издательство, год	Количество
Л1.1	Варданян Г. С., Андреев В. И., и др.	Сопротивление материалов с основами теории упругости и пластичности: учебник	Москва : ООО "Научно-издательский центр ИНФРА-М", 2025. https://znanium.ru/catalog/document?id=465724	1
Л1.2	Победра Б. Е.	Основы механики сплошной среды. Курс лекций	Москва : Физматлит, 2006. https://www.studentlibrary.ru/book/ISBN592210649.html	1
Л1.3	Маневич Л.И., Гендельман О.В.	Аналитически разрешимые модели механики твердого тела: учебное пособие	Ижевск: Регулярная и хаотическая динамика, Институт компьютерных исследований, 2016. http://www.iprbookshop.ru/69339.html	1
Л1.4	Бажанов В. Л.	Механика деформируемого твердого тела: учебное пособие	Москва: Юрайт, 2026. https://urait.ru/bcode/590588	1
Л1.5	Учайкин В. В.	Механика. Основы механики сплошных сред	Санкт-Петербург : Лань, 2022. https://e.lanbook.com/book/212573	1
Л1.6	Емельянов В. Н.	Механика сплошной среды: теория напряжений и основные модели : учебник для вузов	Москва : Издательство Юрайт, 2026. https://urait.ru/bcode/585435	1
Л1.7	Новожилов В. В.	Теория упругости	Санкт-Петербург : Политехника, 2024. https://www.iprbookshop.ru/135125.html	1

6.2. Электронно-библиотечные системы

Э1	ЭБС Znanium.ru http://new.znanium.ru/
Э2	ЭБС «Лань» http://e.lanbook.com/
Э3	ЭБС IPR SMART http://www.iprbookshop.ru/
Э4	ЭБС «Юрайт» https://urait.ru/
Э5	ЭБС «Консультант студента» https://www.studentlibrary.ru/

6.3. Информационные, информационно-справочные системы

6.3.1	Гарант – справочная правовая система по законодательству Российской Федерации http://www.garant.ru https://biblio.surgu.ru/ru/pages/resursi/bd/lan/grt/
6.3.2	КонсультантПлюс – справочная правовая система http://www.consultant.ru https://biblio.surgu.ru/ru/pages/resursi/bd/lan/cons/

6.4. Базы данных

В локальной сети <https://biblio.surgu.ru/ru/pages/resursi/bd/lan/>

6.4.1	Электронная библиотека СурГУ https://elib.surgu.ru
6.4.2	Научная электронная библиотека eLIBRARY.RU http://www.elibrary.ru

6.4.3	Евразийская патентная информационная система (ЕАПАТИС) http://www.eapatis.com
6.4.4	Math-Net.Ru https://biblio.surgu.ru/ru/pages/resursi/bd/lan/math/
6.4.5	Национальная электронная библиотека (НЭБ) https://rusneb.ru/
6.4.6	База данных периодических изданий «ИВИС» https://eivis.ru
6.4.7	Springer Nature https://link.springer.com/
6.4.8	Полнотекстовая коллекция журналов РАН https://journals.rcsi.science/
6.4.9	Wiley Journals Database https://onlinelibrary.wiley.com
<i>В свободном доступе сети Интернет</i>	
6.4.11	Официальный сайт российского фонда фундаментальных исследований https://www.rfbr.ru/rffi/ru/
6.4.12	Журналы по механике ТТ http://www.oajse.com/subjects/mechanical_engineering.html
6.4.13	ARXIV - крупнейший бесплатный архив электронных публикаций научных статей и их препринтов по физике, математике, астрономии, информатике и биологии, http://arxiv.org
6.4.14	База данных ВИНТИ РАН http://www.viniti.ru/
6.4.15	Национальный агрегатор открытых репозиториев https://www.openrepository.ru/repositories
6.4.16	КиберЛенинка - научная электронная библиотека http://cyberleninka.ru/
6.4.17	Электронные коллекции на портале Президентской библиотеки им. Б. Н. Ельцина http://www.prlib.ru/collections
6.4.18	Elsevier - Open Archive https://www.elsevier.com/about/open-science/open-access/open-archive
6.4.19	SpringerOpen http://www.springeropen.com
6.4.20	Directory of Open Access Journals https://doaj.org
6.4.21	Multidisciplinary Digital Publishing Institute (Basel, Switzerland) http://www.mdpi.com
6.5. Перечень программного обеспечения	
6.5.1	Операционная система РЕД ОС
6.5.2	LibreOffice
6.5.3	Мой Офис
7. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)	
7.1	Учебные аудитории Университета для проведения занятий лекционного типа, занятий семинарского типа, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации оснащены: комплект специализированной учебной мебели, маркерная (меловая) доска, комплект переносного мультимедийного оборудования - компьютер, проектор, проекционный экран, компьютеры с возможностью выхода в Интернет и доступом в электронную информационно-образовательную среду.
7.2	Помещения для самостоятельной работы оснащены компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационную образовательную среду СурГУ: 350, 351 Зал социально-гуманитарной и художественной литературы 442 Зал естественно-научной и технической литературы.
8. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)	
<p>Проведение текущего контроля успеваемости по дисциплине</p> <p>Методические рекомендации по проведению основных видов учебных занятий</p> <p>При изучении дисциплины используются следующие основные методы и средства обучения, направленные на повышение качества подготовки аспирантов путем развития у аспирантов творческих способностей и самостоятельности:</p> <ul style="list-style-type: none"> - Контекстное обучение – мотивация аспирантов к усвоению знаний путем выявления связей между конкретными знаниями и его применением. - Проблемное обучение – стимулирование аспирантов к самостоятельному приобретению знаний, необходимых для решения конкретной проблемы. - Обучение на основе опыта – активизация познавательной деятельности аспиранта за счет ассоциации и собственного опыта с предметом изучения. - Индивидуальное обучение – выстраивание аспирантами собственной образовательной траектории на основе формирования индивидуальной программы с учетом интересов аспирантов. <p>Междисциплинарное обучение – использование знаний из разных областей, их группировка и концентрация в контексте решаемой задачи.</p> <p>Лекции являются одним из основных методов обучения по дисциплинам, направленным на подготовку к кандидатскому экзамену, которые должны решать следующие задачи:</p> <ul style="list-style-type: none"> - изложить основной материал программы курса; - развить у аспирантов потребность к самостоятельной работе над учебником и научной литературой. <p>Главной задачей каждой лекции является раскрытие сущности темы и анализ ее основных положений. Содержание лекций определяется рабочей программой курса. Привлечение графического и табличного материала на лекции позволит более объемно изложить материал.</p> <p>Целью практических занятий является:</p> <ul style="list-style-type: none"> -закрепление теоретического материала, рассмотренного аспирантами самостоятельно; -проверка уровня понимания аспирантами вопросов, рассмотренных самостоятельно по учебной литературе, степени и качества усвоения материала аспирантами; 	

-восполнение пробелов в пройденной теоретической части курса и оказание помощи в его усвоении.

В начале очередного занятия необходимо сформулировать цель, поставить задачи. Аспирант выполняет задания, а преподаватель контролирует ход их выполнения путем устного опроса, проверки практических заданий.

Методические рекомендации по организации самостоятельной работы аспирантов

Целью самостоятельной работы аспирантов является формирование способностей к самостоятельному познанию и обучению, поиску литературы, обобщению, оформлению и представлению полученных результатов, их критическому анализу, поиску новых неординарных решений, аргументированному отстаиванию своих предложений, умений подготовки выступлений и ведения дискуссий.

Методические рекомендации призваны помочь аспирантам организовать самостоятельную работу при изучении курса: с материалами лекций, практических и семинарских занятий, литературы по общим и специальным вопросам технических наук.

Задачами самостоятельной работы являются:

- систематизация и закрепление полученных теоретических знаний и практических умений;
- углубление и расширение теоретических знаний;
- формирование умений использовать нормативную, правовую, справочную документацию и специальную литературу;
- развитие познавательных способностей и активности: творческой инициативы, самостоятельности, ответственности и организованности;
- формирование самостоятельности мышления, способностей к саморазвитию, самосовершенствованию и самореализации;
- развитие исследовательских умений;
- использование материала, собранного и полученного в ходе самостоятельных занятий на семинарах, на практических и лабораторных занятиях, при написании научно- квалификационной работы, для эффективной подготовки к итоговым зачетам и экзаменам.

Аудиторная самостоятельная работа по дисциплине выполняется на учебных занятиях под непосредственным руководством преподавателя и по его заданию.

Внеаудиторная самостоятельная работа выполняется аспирантом по заданию преподавателя, но без его непосредственного участия.

Основными видами самостоятельной работы аспиранта без участия преподавателя являются:

- формирование и усвоение содержания конспекта лекций на базе рекомендованной лектором учебной литературы, включая информационные образовательные ресурсы (электронные учебники, электронные библиотеки и др.);
- подготовка к практическим занятиям, их оформление;
- составление аннотированного списка статей из соответствующих журналов по темам занятий;
- выполнение домашних заданий в виде решения отдельных задач, проведения типовых расчетов и индивидуальных работ по отдельным разделам содержания дисциплин и т.д.

Самостоятельная работа аспирантов осуществляется в следующих формах:

- подготовка к практическим занятиям,
- изучение дополнительной литературы и подготовка ответов на вопросы для самостоятельного изучения.

1) Подготовка к практическим занятиям.

При подготовке к практическим занятиям аспирантам необходимо ориентироваться на вопросы, вынесенные на обсуждение. На занятиях проводятся опросы, тестирование, разбор конкретных ситуаций, с активным обсуждением вопросов с целью эффективного усвоения материала в рамках предложенной темы, выработки умений и навыков в профессиональной деятельности, а также в области ведения переговоров, дискуссий, обмена информацией, грамотной постановки задач, формулирования проблем, обоснованных предложений по их решению и аргументированных выводов.

2) Изучение рекомендованной литературы при подготовке к практическим занятиям.

В целях эффективного и полноценного проведения таких мероприятий аспиранты должны тщательно подготовиться к вопросам занятия. Поощряется и положительно оценивается, если аспирант самостоятельно организует поиск необходимой информации с использованием периодических изданий, информационных ресурсов сети интернет и баз данных специальных программных продуктов.

Самостоятельная работа аспирантов должна опираться на сформированные навыки и умения, приобретенные во время прохождения других курсов. Составляющим компонентом его работы должно стать творчество. В связи с этим рекомендуется:

1. Начинать подготовку к занятию со знакомства с опубликованными законодательно-правовыми документами.
2. Обратит внимание на структуру, композицию, язык документа, время и историю его появления.
3. Определить основные идеи, принципы, тезисы, заложенные в документ.
4. Выяснить, какой сюжет, часть изучаемой проблемы позволяет осветить проанализированный источник.
5. Провести работу с незнакомыми терминами и понятиями, для чего использовать словари терминов, энциклопедические словари, словари иностранных слов и др.

Затем необходимо ознакомиться с библиографией темы и вопроса, выбрать доступные Вам издания из списка основной литературы, специальной литературы, рекомендованной к лекциям и семинарам. Рекомендованные списки могут быть дополнены. Используйте справочную литературу. Поиск можно продолжить, изучив примечания и сноски в уже имеющихся у Вас в руках монографиях, статьях. Работая с литературой по теме семинара, делайте выписки текста, содержащего характеристику или комментарий знакомого Вам источника. После чего вернитесь к тексту документа (желательно полному) и проведите его анализ в контексте изученной исследовательской литературы.

Вознаикающие на каждом этапе работы мысли следует записывать. Анализ документа следует сделать составной частью проработки вопросов семинара и выступления аспиранта на занятии. Общее знание проблемы, обсуждаемой на занятии, должно сочетаться с глубоким знанием источников. Следует составить сложный план, схему ответа на каждый вопрос плана занятия.

Методические рекомендации по проведению контрольной работы

Контрольная работа по дисциплине является одной из основных форм самостоятельной работы аспирантов, направленной на углубление теоретических знаний, развитие аналитических навыков и умение применять научно-методический инструментарий при решении исследовательских задач. Готовясь к контрольной работе аспирант должен выполнить все

текущие практические задания. Во время выполнения контрольной работы, аспирант получает задание, состоящее из нескольких отдельных вопросов, задач, рассчитанное на два часа учебного времени.

Проведение промежуточной аттестации по дисциплине

Методические рекомендации по подготовке к зачету

Зачет по дисциплине является формой промежуточного контроля знаний аспирантов по разделам дисциплины и проводится с целью проверки уровня теоретических знаний и практических навыков.

На зачете аспирант получает два теоретических вопроса. Зачет оценивается по двухбалльной шкале: «зачтено», «не зачтено». Для успешной сдачи зачета аспиранту необходимо выполнить несколько требований:

- 1) регулярно посещать аудиторские занятия по дисциплине; пропуск занятий не допускается без уважительной причины;
- 2) в случае пропуска занятия аспирант должен быть готов ответить на зачете на вопросы преподавателя, взятые из пропущенной темы;
- 3) аспирант должен точно в срок сдавать задания по практическим работам на проверку и к следующему занятию удостовериться, что они зачтены;
- 4) готовясь к очередному занятию по дисциплине, аспирант должен прочитать соответствующие разделы в учебниках, учебных пособиях, монографиях и пр., рекомендованных преподавателем в программе дисциплины, и быть готовым продемонстрировать свои знания на паре; каждое участие аспиранта в обсуждении материала на занятиях отмечается преподавателем и учитывается при ответе на зачете.

Формой промежуточной аттестации освоения дисциплины является экзамен. Результаты промежуточного контроля знаний оцениваются по 4-балльной шкале с оценками: «отлично»; «хорошо»; «удовлетворительно»; «неудовлетворительно».

Методические рекомендации по подготовке к кандидатскому экзамену

Организация и проведение кандидатских экзаменов в СурГУ регламентируется следующими документами: постановлением Правительства Российской Федерации от 24.09.2013 г. №842 «О порядке присуждения ученых степеней», приказом Министерства образования и науки Российской Федерации от 28.03.2014 г. №247 «Порядок прикрепления лиц для сдачи кандидатских экзаменов, сдачи кандидатских экзаменов и их перечень», СТО-2.12.11 «Порядок проведения кандидатских экзаменов».

Кандидатский экзамен является формой промежуточной аттестации аспирантов и лиц, прикрепленных для сдачи кандидатских экзаменов без освоения основных профессиональных образовательных программ высшего образования подготовки научных и научно-педагогических кадров в аспирантуре, их сдача обязательна для присуждения ученой степени кандидата наук.

Кандидатский экзамен ставит целью установить глубину профессиональных знаний соискателя ученой степени кандидата технических наук, уровень подготовленности к самостоятельной научно-исследовательской работе.

Экзамен по специальности включает обсуждение двух теоретических вопросов и собеседование по теме диссертации (третий вопрос) в соответствии с дополнительной программой кандидатского экзамена, утверждённой проректором по учебно-методической работе СурГУ.

Для успешной сдачи экзамена аспиранту необходимо выполнить несколько требований:

- 1) регулярно посещать аудиторские занятия по дисциплине; пропуск занятий не допускается без уважительной причины;
- 2) в случае пропуска занятия аспирант должен быть готов ответить на экзамене на вопросы преподавателя, взятые из пропущенной темы;
- 3) аспирант должен точно в срок сдавать письменные работы на проверку и к следующему занятию удостовериться, что они зачтены;
- 4) готовясь к очередному занятию по дисциплине, аспирант должен прочитать соответствующие разделы в учебниках, учебных пособиях, монографиях и пр., рекомендованных преподавателем в программе дисциплины, и быть готовым продемонстрировать свои знания; каждое участие аспиранта в обсуждении материала на практических занятиях отмечается преподавателем и учитывается при ответе на экзамене.